文章编号:1004-7220(2024)06-1204-08

・消化・

# 人工肝弯曲形中空纤维反应器内传质动力学

王子恒<sup>1,2</sup>, 许少锋<sup>1</sup>, 余一帆<sup>3</sup>, 王子辰<sup>3</sup>, 张学昌<sup>1</sup>

(1. 浙大宁波理工学院 机电与能源工程学院,浙江 宁波 315100;2. 浙江理工大学 机械工程学院,杭州 310018;3. 浙江大学 机械工程学院,杭州 310027)

**摘要:目的** 研究弯曲形中空纤维反应器对人工肝传质动力学的影响,为新型反应器结构优化设计和临床操作参数提供依据。方法 采用数值模拟方法,建立三维弯曲形中空纤维反应器计算流体动力学(computational fluid dynamics, CFD)模型,通过 K-K 方程和达西定律综合考虑反应器内的对流传质与扩散传质,并分析弯曲数量和弯曲幅度对传质行为的影响。结果 弯曲形反应器内由于离心力作用会产生 Dean 涡,促进管程内溶质再混合进而增强扩散传质,同时弯曲形反应器跨膜压大进而增强对流传质,即 Dean 涡和大的跨膜压共同提高了溶质的清除速率。弯曲数量为0,3,6,9,12 且弯曲幅度为1 mm 时,胆红素的清除速率分别为113.44,117.95,121.89,129.89,140.57 mL/min;弯曲幅度为0,0.5,1.0,1.5,2.0 mm 且弯曲数量为3 时,胆红素的清除速率分别为113.44,115.45,117.95,120.16,123.14 mL/mi。结论 弯曲形中空纤维反应器有助于提高人工肝的毒素清除效率。 关键词:人工肝;中空纤维反应器; Dean 涡;跨膜压;传质动力学 中图分类号: R 318.01 文献标志码: A DOI: 10.16156/j.1004-7220.2024.06.027

# Mass Transfer in a Curved Hollow Fiber Bioreactor for Artificial Liver

WANG Ziheng<sup>1,2</sup>, XU Shaofeng<sup>1</sup>, YU Yifan<sup>3</sup>, WANG Zichen<sup>3</sup>, ZHANG Xuechang<sup>1</sup> (1. School of Mechatronics and Energy Engineering, NingboTech University, Ningbo 315100, Zhejiang, China; 2. School of Mechanical Engineering, Zhejiang Sci-Tech University, Hangzhou 310018, China; 3. School of Mechanical Engineering, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

**Abstract**: **Objective** To study the effect of a curved hollow-fiber bioreactor on the mass transfer in an artificial liver to provide references for the optimal design of new bioreactor structures and operation parameters for clinical treatment. **Methods** A computational fluid dynamics (CFD) model of a hollow fiber bioreactor was established using numerical simulation. The diffusion and convection mass transfer in the hollow fiber bioreactor were considered by the K-K equation and Darcy's law. The effects of the bending count and bending amplitude on the mass transfer behavior in a hollow fiber bioreactor were analyzed. **Results** Dean vortices were generated in the curved hollow fiber bioreactor owing to the centrifugal force. This promoted solute remixing in the tube and thereby, diffusion mass transfer. Meanwhile, the higher transmembrane pressure in the curved hollow fiber solute clearance rate. When the bending counts were 0, 3, 6, 9, and 12 and the bending amplitude was 1 mm, the bilirubin clearance rates were 113.44, 117.95, 121.89, 129.89, and 140.57 mL/min

收稿日期:2024-07-06;修回日期:2024-07-27

基金项目:浙江省自然科学基金重点项目(LZ21A020001),宁波市青年科技创新领军人才资助项目(2024QL023) 通信作者:许少锋,副教授,硕士生导师,E-mail: shaofengxu@ nit. zju. edu. cn respectively. When the bending amplitudes were 0, 0.5, 1.0, 1.5, and 2.0 mm and the bending count was three, the bilirubin clearance rates were 113.44, 115.45, 117.95, 120.16, and 123.14 mL/min, respectively. **Conclusions** The curved hollow fiber bioreactor improved the toxin removal efficiency in the artificial liver. **Key words**: artificial liver; hollow fiber bioreactor; Dean vortices; transmembrane pressure; mass transfer

肝炎是全球最重要的公共卫生问题之一。据 2021年世界卫生组织报道,全球约有 2.96 亿慢性 乙肝感染者<sup>[1]</sup>,而目前我国慢性乙肝病毒感染者约 有 8 600万例<sup>[2]</sup>。因此,对人工肝的研究具有重大 社会效益。了解中空纤维反应器内毒素溶质的传 质行为,对人工肝的治疗和指导反应器设计具有重 要意义。

数值模拟技术已成为生物医学领域重要研究 手段<sup>[3-4]</sup>, 计算流体动力学 (computational fluid dynamics, CFD)已被广泛应用于中空纤维反应器传 质研究。Ho 等<sup>[5]</sup>提出了一种中空纤维反应器传质 数学模型,发现提高流速、纤维膜筛分系数与填充 密度可以提高溶质的清除速率。Sekino 等<sup>[6]</sup>基于 不可逆热力学的双层膜数学模型分析了溶质的对 流通量和扩散通量。Zia 等<sup>[7]</sup>建立了二维轴对称几 何模型,发现管程与壳程流速的增加能够降低浓度 极化效应。Khanafer 等<sup>[8]</sup>利用多孔介质模型对中空 纤维反应器进行模拟分析,发现反应器内压降随着 雷诺数的增加而增加,且在达西数较小的条件下压 降显著增加。Sorrell 等<sup>[9]</sup>建立了人工肝中空纤维反 应器传质的数学模型,研究乙酰氨基酚肝和氧气的 传质行为,并假设溶质在管程以对流和扩散的方式 进行,但在纤维膜膜内和壳程都只考虑了扩散传 质。事实上,对流传质也会发生在壳程和纤维膜区 域。Levpoldt等<sup>[10]</sup>通过改变中空纤维的形状,实现 了高通量传质。Yamamoto 等<sup>[11]</sup>研究发现,中空纤 维反应器护套挡板锥形结构设计可以提高传质性 能。由此可见,中空纤维反应器的结构显然会影响 其内传质行为。

综上所述,人工肝中空纤维反应器的传质动力 学研究均基于直形中空纤维管,弯曲形中空纤维管 对溶质清除造成的影响并不清楚,缺乏新型反应器 的结构设计。本文采用 CFD 方法,结合达西 (Darcy)定律与 K-K 方程,研究弯曲幅度和弯曲数 量对传质动力学的影响,为中空纤维反应器的优化 设计和临床治疗提供理论指导。

# 1 材料与方法

### 1.1 反应器结构与 CFD 模型

图1所示为弯曲形中空纤维反应器的结构示 意图。忽略制造公差,中空纤维管束通常均匀排 布。假设所有中空纤维管直径相同,取单个代表性 单元,代表性单元包括反应器的管程区域、纤维膜 膜厚区域以及反应器的壳程区域,3个区域的半径 分别为中空纤维管的内侧半径、中空纤维管的外侧 半径、壳程半径,虚线以外的壳程流动对虚线内的 流动无影响。患者血液在管程内流动,营养液(本 文以水替代)在壳程内流动,溶质以对流扩散的作 用穿过纤维膜。两者在中空纤维反应器内的流动 方向相反,呈现逆流式流动,进而产生纤维膜两侧 的压力差,同时还能保证管程与壳程之间的浓度梯 度一直保持着最大值,有利于促进反应器内溶质 清除。



根据代表性单元可以构建 CFD 几何模型。 图 2(a)所示为弯曲中空纤维反应器 CFD 模型,边 界条件如下:管程和壳程入口均采用速度入口边 界,管程和壳程出口均采用压力出口边界,膜厚区 域两侧也即中空纤维管内壁和外壁为内部边界 (interior),壳程外表面为对称边界(symmetry),两端 面膜厚区域(图中灰色区域)为壁面边界,采用多孔 介质模型描述纤维膜膜厚区域的传质行为。 图 2(b)给出了弯曲形中空纤维管结构参数。 图 2(c)所示为 CFD 几何模型对应的网格划分。通 过改变弯曲数量和弯曲幅度两个变量,探究弯曲形 中空纤维反应器内胆红素溶质的清除速率,并与直 形中空纤维反应器胆红素溶质的清除速率进行对 比,直形、弯曲形中空纤维反应器的 CFD 模拟采用 相同的边界条件。



(c) CFD模型网格划分

图 2 弯曲中空纤维反应器流动传质 CFD 模型

Fig. 2 CFD model for mass transfer study of curved hollow fiber bioreactor (a) CFD model, (b) structure parameters, (c) Mesh division of CFD model

注:图 2(b)中f为弯曲幅度; n为弯曲数量,  $n=2_{\circ}$ 

## 1.2 控制方程

对于本文中空纤维反应器内的传质动力学研究,假设以下因素:① 流体为不可压缩牛顿流体; ② 流动状态为层流、等温下的流动;③ 恒定的物理 和化学性质;④ 忽略重力造成的影响,不考虑浓度 极化的影响。

管程和壳程的连续性方程如下[12]:

$$\frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial x} + \frac{\partial \boldsymbol{v}}{\partial y} + \frac{\partial \boldsymbol{w}}{\partial z} = \frac{S_v}{\varepsilon}$$
(1)

式中:(u, v, w)为速度矢量; $S_x$ 为流体跨膜产生的

对流源相;  $\varepsilon$  为纤维膜的孔隙率。

管程和壳程的动量守恒方程如下[13]:

$$\boldsymbol{u} \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial x} + \boldsymbol{v} \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial y} + \boldsymbol{w} \frac{\partial \boldsymbol{u}}{\partial z} = - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + \frac{1}{\rho} \left( \frac{\partial \tau_{11}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{21}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{31}}{\partial z} \right) + S_i \quad (2)$$
$$\boldsymbol{u} \frac{\partial \boldsymbol{v}}{\partial x} + \boldsymbol{v} \frac{\partial \boldsymbol{v}}{\partial y} + \boldsymbol{w} \frac{\partial \boldsymbol{v}}{\partial z} = - \frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} + \frac{1}{\rho} \left( \frac{\partial \tau_{12}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{22}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{32}}{\partial z} \right) + S_i \quad (3)$$

$$\boldsymbol{u} \frac{\partial \boldsymbol{w}}{\partial x} + \boldsymbol{v} \frac{\partial \boldsymbol{w}}{\partial y} + \boldsymbol{w} \frac{\partial \boldsymbol{w}}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} + \frac{1}{\rho} \left( \frac{\partial \tau_{13}}{\partial x} + \frac{\partial \tau_{23}}{\partial y} + \frac{\partial \tau_{33}}{\partial z} \right) + S_i \quad (4)$$

式中:p为压力; $\tau$ 为剪切力; $\rho$ 为密度; $S_i$ 为中空纤维膜产生的阻力源相。

对于中空纤维反应器的管程以及壳程内的溶 质浓度,其方程为<sup>[13]</sup>:

$$u \frac{\partial C_{\rm b}}{\partial x} + v \frac{\partial C_{\rm b}}{\partial y} = D_{\rm s} \left( \frac{\partial^2 C_{\rm b}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 C_{\rm b}}{\partial y^2} \right) + \frac{S_{\rm r}}{\varepsilon} \quad (5)$$

式中:*C*<sub>b</sub>为溶质浓度;*D*<sub>s</sub>为溶质扩散系数;*S*<sub>r</sub>为膜 表面所产生的溶质源相。方程描绘了管程以及壳 程之间的质量交换至关重要。对于溶质源相由

$$S_{\rm r} = J_{\rm s} / \Delta \delta \tag{6}$$

方程来确定。式中: $J_s$ 为溶质跨膜通量; $\Delta\delta$ 为纤维 膜厚度。

多孔膜内的传质行为可根据 Kedem 和 Katchalsky 提出的 K-K 方程来进行描述<sup>[14]</sup>。K-K 方程的成立 建立于流体介质连续性理论的基础上,本文采用的 纤维膜的膜孔径为 39.5 nm,此条件下流动是连续 的。对于传统的 K-K 方程忽略了管程和壳程两侧 的质量传输阻力,因此用总传质系数取代溶质渗透 率来修正 K-K 方程,其表达式为<sup>[15]</sup>:

$$J_{\rm v} = L_{\rm p} \Delta p - \sigma R T \Delta C \tag{7}$$

$$J_{s} = (1 - \sigma) C_{m} J_{y} + K_{0} \cdot \Delta C \qquad (8)$$

式中:  $J_v$  为溶液穿过膜的对流速度;  $L_p$  为多孔膜的 水力渗透率;  $\Delta p$  为穿过多孔膜的压力差;  $\Delta C$  为膜 两侧的浓度差;  $\sigma$  为溶质的反射系数; R 为气体常 数; T 为绝对温度;  $J_s$  为穿过多孔膜的溶质通量;  $C_m$ 为多孔膜的孔内平均溶质浓度;  $K_0$  为溶质扩散穿过 多孔膜的总传质系数。在上述参数中,膜的水力渗 透率 L<sub>p</sub> 是膜的固有参数,仅与膜的孔径有关,而溶质的反射系数和溶质穿过膜总传质系数与膜孔直径以及溶质分子大小有关。Anderson 等<sup>[16-17]</sup> 描述了孔径与颗粒尺寸之间的关系:

$$\sigma = \left(1 - \left(1 - \frac{r_{\rm s}}{r_{\rm p}}\right)^2\right)^2 \tag{9}$$

式中: r<sub>p</sub> 为多孔膜上膜孔半径; r<sub>s</sub> 为溶质分子的斯 托克斯半径; 对于小颗粒, 当膜孔半径约 20 nm 或 更大时, σ 非常小可忽略<sup>[22]</sup>。因此,式(7)可以进 一步简化为:

$$J_{\rm v} \approx L_{\rm p} \cdot \Delta p \tag{10}$$

在数值模拟中,通常采用圆形管道孔来模拟膜 孔。因此,为了考虑中空纤维膜孔的曲率,在本文 的数值模型中耦合了弯曲孔隙扩散模型(TPDM)修 正溶质的跨膜输运。TPDM 中水力渗透系数 *L*<sub>p</sub> 和 扩散渗透率 *K*<sub>0</sub> 计算公式表达式分别为<sup>[18]</sup>:

$$L_{\rm p} = \frac{r_{\rm p}^2 \varepsilon}{8\psi\mu\Delta\delta} \tag{11}$$

$$K_0 = D_0 / \delta \tag{12}$$

$$D_0 = D_{\rm s} F(q) S_{\rm D} / \psi \tag{13}$$

$$F(q) = (1 - 2.105 \ 0q + 2.086 \ 5q^{3} - 1.706 \ 8q^{5} + 0.726 \ 03q^{6})/(1 - 0.758 \ 57q^{5})$$
(14)

$$S_{\rm p} = (1 - q)^2 \tag{15}$$

$$q = r_{\rm s}/r_{\rm p} \tag{16}$$

式中: $D_0$ 为溶质在多孔膜的有效扩散率, $D_s$ 为溶质 的体积扩散率。摩擦因数F(q)用来描述溶质分子 与多孔膜的膜孔壁面之间的摩擦; $S_p$ 为在扩散作用 下溶质在纤维膜中的空间位阻因子; $\psi$ 为纤维膜膜 孔的弯曲因子。

对于不同的物质扩散系数是不同的,模拟所使 用的生物材料的扩散系数计算表达式为<sup>[19]</sup>:

 $D = 1.62 \times 10^{-4} (MW)^{-0.552}$  (17) 式中:MW 为相应溶质的分子量。本文尿素的分子 量为 584.66 Da,斯托克斯半径  $r_s = 0.5 \text{ nm}^{[20]}$ 。

中空纤维膜是一种多孔介质,在 CFD 模拟中, 多孔介质模型是通过在多孔区域以动量源项的形 式引入额外的流动阻力描述的,通过在多孔介质区 域的动量方程中引入一个动量源相,以此描绘多孔 介质对流动阻力产生的影响。该源相由两部分组 成,即黏性损失项(Darey)和惯性损失项,其方程 式为:

$$S_{i} = -\left(\sum_{j=1}^{3} D_{ij} \cdot \mu \cdot v_{j} + \sum_{j=1}^{3} C_{ij} \frac{1}{2} \rho \cdot |v| \cdot v_{j}\right)$$
(18)

式中: *S<sub>i</sub>* 为第 *i* 个(*x*, *y* 或 *z* 方向) 动量方程中的源 项; | *v*| 为速度的绝对值; *µ* 为黏度; 增加的源相有 助于描写多孔介质单元动量梯度, 在单元上产生一 个与流体速度成正比的压力降。

对于简单、均匀的多孔介质,可将上述方程简 化为

$$S_i = -\left(\frac{\mu}{\alpha} \cdot v_i + C_2 \frac{1}{2} \mid v \mid \cdot v_i\right)$$
(19)

式中:  $\alpha$  为多孔介质的渗透率,  $1/\alpha$  为黏性阻力系数;  $C_2$  为惯性阻力系数。忽略对流加速项与扩散项,可以用 Darcy 定律描绘多孔介质的流动:

$$\nabla p = -\frac{\mu}{\alpha} \mathbf{v} \tag{20}$$

模型计算完成后,通过对管程出口的浓度分布进行 面积分求出管程出口的平均浓度,可以通过计算中 空纤维管管程进出口溶质的平均浓度确定中空纤 维反应器清除速率。清除速率的计算公式为<sup>[21]</sup>:

$$CL_{\rm s} = \frac{Q_{B,\rm in}C_{s,\rm in}}{\bar{C}_{s,\rm out}} \tag{21}$$

式中:  $Q_{B,in}$  为管程入口流速;  $\overline{C}_{s,in}$  为管程入口溶质 平均浓度;  $\overline{C}_{s,m}$  为管程出口溶质平均浓度。

# 2 结果

### 2.1 几何参数选取

本文采用 ANSYS-FLUENT 软件对上述数值模型进行求解,并采用用户自定义函数(user define function, UDF)对中空纤维反应器内溶质的跨膜传质动力学行为进行修正。在 CFD 模拟中使用的一些参数(如 $r_1$ 、 $r_2$ 、 $r_3$ ),根据 Islam 等<sup>[22]</sup>通过实验测定得到。因为人体内正常胆红素浓度范围为 3.7~17.1  $\mu$ mol/L,考虑到患者血浆中胆红素浓度的升高,故本文模拟所采用的胆红素的浓度为 0.1 mmol/L。本文模拟采用的各类参数如表 1 所示。

## 2.2 网格划分敏感性测试

为保证求解准确,采用 O 刨的方法处理几何模型,网格均采用六面体网格进行划分,同时对纤维

#### 表 1 中空纤维反应器传质 CFD 模拟的具体参数

Tab. 1 Specific parameters for the simulation of hollow fiber bioreactor

模拟参数	值
纤维长度,L/mm	54
纤维管内径, $r_1$ /mm	0.1
纤维管外径, $r_2/mm$	0. 145
纤维壳程半径,r3/mm	0.210
管程入口流量, $Q_{B,in}/(mL \cdot min^{-1})$	300
壳程入口流量, $Q_{D,in}/(\text{mL·min}^{-1})$	500
胆红素浓度,C <sub>in</sub> /(mmol·L <sup>-1</sup> )	0.1
纤维管数量,N	12 000
孔隙率, $\varepsilon$	0.1
纤维膜膜孔直径, $d_{\rm p}$ /nm	39.5
纤维膜膜孔弯曲因子, $\psi$	2.27

膜区域以及纤维膜与管程或壳程交界处进行加密。 为排除网格数量对模拟结果的影响,分别采用不同 数量的网格对直形中空纤维反应器与弯曲形中空 纤维反应器模拟计算,并对比不同网格数量下管程 出口处胆红素的平均浓度。

表2给出了不同网格数量下直形中空纤维反 应器与弯曲形中空纤维反应器管程出口的胆红素 平均浓度,以及不同网格数量管程出口平均浓度的 相对误差。随着网格数量的加密,直形和弯曲形中 空纤维反应器管程出口平均浓度逐渐趋向于稳定。 其中,286 500和613 700个网格数量下直形中空纤 维反应器管程出口平均浓度相对误差为 0.81%; 966 000和1945 800个网格数量下弯曲形中空纤维 反应器管程出口平均浓度的相对误差为 1.05%。 为节约计算资源同时保证求解的精度,直形和弯曲 形中空纤维反应器 网格数量分别采用 286 500、 966 000 个网格。

#### 表 2 不同网格数量时胆红素在管程出口处平均浓度的相对误差

Tab. 2 Percentage errors of the average concentration of bilirubin at the outlet of hollow fiber tube with different numbers of grids

0			
反应器	单元数量	平均浓度	相对误差/%
直形	138 000	6. $09 \times 10^{-5}$	
	286 500	6. 18×10 <sup>-5</sup>	1.46
	613 700	6. $23 \times 10^{-5}$	0. 81
弯曲形	469 200	5. $57 \times 10^{-5}$	
	966 000	5.66×10 <sup>-5</sup>	1.60
	1 945 800	5. $72 \times 10^{-5}$	1.05

# 3 讨论

### 3.1 弯曲形与直形中空纤维反应器内传质分析

本文发现,弯曲形中空纤维反应器管程或壳程 入口压力最大,并沿轴向逐渐降低,管程与壳程区 域之间形成跨膜压,跨膜压促使流体穿过纤维膜产 生对流传质。同时,管程与壳程之间也存在胆红素 浓度差,也会发生扩散传质。胆红素浓度沿径向逐 渐降低,且径向浓度降低得更快。在壳程入口处胆 红素浓度为0,而壳程出口处具有较高浓度,表明胆 红素 已 经穿过纤维 膜 从 管 程 输 送 到 壳 程 [见 图 3(a)]。

直形中空纤维反应器内压力和胆红素浓度分 布,模拟参数同弯曲形一样。直形中空纤维反应器 内压力降比弯曲形的小,也即弯曲形的纤维膜两侧 跨膜压比直形的跨膜压大,说明弯曲形的对流传质 更强。胆红素传递主要发生在中空纤维反应器的 管程入口处以及壳程出口处,但胆红素清除效果较 弯曲形的差些[见图 3(b)]。其中,直形和弯曲形 中空纤维反应器胆红素清除率分别为 113.44、 129.89 mL/min。

在弯曲形中空纤维反应器横截面内形成了两 漩涡,也即 Dean 涡[见图 4(a)]。这是因为流体在 弯管内流动时产生离心力,离心力会推动中心的流 体流向外侧壁面;同时外侧壁面的流体也会沿壁面 流向内侧壁面,从而产生 1 对双旋流即 Dean 涡。 Dean 涡有助于管程内的溶质混合均匀,从而促进中 空纤维反应器管程内的扩散传质,也即提高了溶质 清除效果。而直形中空纤维反应器内由于没有离 心力作用,未产生 Dean 涡,只有跨膜压导致的对流 速度[见图 4(b)]。

# 3.2 弯曲数量和弯曲幅度对胆红素溶质清除速率 的影响

本文结果表明,弯曲数量为 0、3、6、9、12 且弯曲 幅度为 1 mm 时,中空纤维反应器内胆红素的清除 速率分布为 113.44、117.95、121.89、129.89、 140.57 mL/min。随着弯曲数量的增加,中空纤维 反应器内胆红素清除速率逐渐提升。一方面是因 为弯曲数量的增加,进而增加了纤维膜的面积,这 增加了溶质的对流通量又增加了溶质的扩散通量; 另一方面由于弯曲数量的增加,纤维的曲率半径随



图 3 中空纤维反应器压力和胆红素浓度分布



(a) The curved hollow fiber bioreactor, (b) The straight hollow fiber bioreactor



(a) 弯曲形中空纤维反应器

(b) 直形中空纤维反应器

图 4 中空纤维反应器管程内横截面处速度矢量图

Fig. 4 Velocity vector diagram at cross section of the hollow fiber bioreactor (a) The curved hollow fiber bioreactor, (b) The straight hollow fiber bioreactor

之减小,进而增加了 Dean 数,促进了管程内的 Dean 涡的产生,从而使得中空纤维反应器内的溶质清除 速率得到提升[见图 5(a)]。

弯曲幅度为 0、0.5、1.0、1.5、2.0 mm 且弯曲数量 为 3 时,中空纤维反应器内的胆红素的清除速率分别 为 113.44、115.45、117.95、120.16、123.14 mL/min。 随着弯曲幅度的增加,中空纤维反应器内胆红素的 清除速率也随之增加,这是因为弯曲幅度的增加进 而增加了弯曲形中空纤维的曲率半径,从而提高了 Dean 数,促进了管程内溶质的混合,从而提高了胆 红素的清除速率[见图 5(b)]。

# 4 结论

本文提出一种新的弯曲形人工肝中空纤维反 应器结构,采用 CFD 方法研究反应器内胆红素传质 动力学。结果表明,同传统直形中空纤维反应器相 比,弯曲形中空纤维反应器内会产生 Dean 涡, Dean 涡有助于中空纤维反应器内溶质的混合进而促进



图 5 不同条件下胆红素清除速率



<sup>(</sup>b) At different bending amplitudes

注:弯曲数量为0表示直形中空纤维反应器。

扩散传质,且弯曲形产生的跨膜压更大,提高了对 流传质,因此,弯曲形中空纤维反应器比直形中空 纤维反应器清除溶质的效率更高。弯曲数量的增 加可以明显增加胆红素清除速率,而弯曲幅度的增 加也可以增加胆红素清除速率。研究结果可以为 新型人工肝生物反应器的优化设计提供参考价值。 实际上纤维膜是弹性材料,未来研究可以将纤维膜 弹性变形考虑到数值模型中。

利益冲突声明:无。

作者贡献声明:王子恒负责数值模拟分析和撰 写论文;许少锋负责论文整体设计和润色;余一帆 负责资料收集和分析;王子辰负责数值模型建模; 张学昌负责论文指导和检查。

### 参考文献:

- [1] 李盼盼,张凯悦,呼欣怡,等.中药防治乙型病毒性肝炎作 用机制研究进展[J].中南药学,2024,22(2):466-472.
- [2] 胡钰玲,李晓阳,尧捷,等.慢性乙型肝炎中医证型与现代 医学诊断的相关性研究进展[J].中医药导报,2023,29 (12):96-101.
- [3] 汪波,韩阳,齐楠.建立基于浸入边界有限元法的三维静脉 瓣流固耦合数值模型[J].医用生物力学,2024,39(1): 40-45.

WANG B, HAN Y, QI N. Three-dimensional fluid-structure interaction model of venous valve based on immersed boundary/finite element method [J]. J Med Biomech, 2024, 39(1): 40-45.

 [4] 张红萍,赵川榕,王贵学.血管生物力学与力学生物学研究 进展[J]. 医用生物力学,2024,39(1):17-23. ZHANG HP, ZHAO CR, WANG GX. Advances in vascular biomechanics and mechanobiology [J]. J Med Biomech, 2024, 39(1): 17-23.

- [5] HO CD, TU JW, CHEN YH, *et al.* Two-Dimensional Theoretical analysis and experimental study of mass transfer in a hollow-fiber dialysis module coupled with ultrafiltration operations [J]. Membranes, 2023, 13(8): 702.
- [6] SEKINO M. Performance analysis and design for an asymmetric membrane of a hollow fiber hemodiafilter with a two-layer membrane model[J]. Chem Eng Res Des, 2023 (198): 259-267.
- ZIA ULLAH S, MUHAMMAD, SOHAIB Q, et al. CFD simulation of osmotic membrane distillation using hollow fiber membrane contactor: Operating conditions and concentration polarization effects [J]. Chem Eng Res Des, 2023(197): 984-996.
- [8] KHANAFER K, COOK K, MARAFIE A. The role of porous media in modeling fluid flow within hollow fiber membranes of the total artificial lung [J]. J Porous Media, 2012, 15 (2): 113-122.
- [9] SORRELL I, SHIPLEY RJ, REGAN S, et al. Mathematical modelling of a liver hollow fiber bioreactor
   [J]. J Theor Biol, 2019, 475: 25-33.
- [10] LEYPOLDT JK, CHEUNG AK, CHIRANANTHAVAT T, et al. Hollow fiber shape alters solute clearances in high flux hemodialyzers [J]. Asaio J, 2003, 49(1): 81-87.
- [11] YAMAMOTO K, MATSUDA M, HIRANO A, et al. Computational evaluation of dialysis fluid flow in dialyzers with variously designed jackets[J]. Artif Organs, 2009, 33 (6): 481-486.
- [12] DING W, HE L, ZHAO G, et al. Double porous media

model for mass transfer of hemodialyzers [J]. Int J Heat Mass Tran, 2004, 47(22): 4849-4855.

- [13] LU J, LU WQ. A numerical simulation for mass transfer through the porous membrane of parallel straight channels
   [J]. Int J Heat Mass Tran, 2010, 53(11-12); 2404-2413.
- [14] CONSOLO F, FIORE GB, TRUSCELLO S, et al. A Computational model for the optimization of transport phenomena in a rotating hollow-fiber bioreactor for artificial liver [J]. Tissue Eng Part C-Me, 2009, 15(1): 41-55.
- [15] CURCIO E, BARBIERI G, De BARTOLO L, et al. Diffusive and convective transport in HF membrane reactors for biomedical applications [J]. Desalination, 2006, 199(1-3): 135-137.
- [16] ANDERSON JL, MALONE DM. Mechanism of osmotic flow in porous membranes[J]. Biophys J, 1974, 14(12): 957-982.
- [17] ANDERSON JL. Configurational effect on the reflection coefficient for rigid solutes in capillary pores [J]. J Theor Biol, 1981, 90(3); 405-426.

(上接第1159页)

- [38] BEELEN A, SARGEANT AJ. Effect of prior exercise at different pedalling frequencies on maximal power in humans [J]. Eur J Appl Physiol Occup Physiol, 1993, 66 (2): 102-107.
- [39] SCHMAUBER M, HOFFMANN S, RAAB M, et al. The effects of noninvasive brain stimulation on heart rate and heart rate variability: A systematic review and metaanalysis [J]. J Neurosci Res, 2022, 100(9): 1664-1694.
- [40] HAGGER MS, WOOD CW, STIFF C, et al. Self-regulation and self-control in exercise: The strength-energy model
   [J]. Int Rev Sport Exerc Psychol, 2010, 3(1): 62-86.
- [41] KLASS M, DUCHATEAU J, RABEC S, et al.

- [18] YAMAMOTO K, HAYAMA M, MATSUDA M, et al. Evaluation of asymmetrical structure dialysis membrane by tortuous capillary pore diffusion model [J]. J Membrane Sci, 2007, 287(1): 88-93.
- PRESTON BN, COMPER WD, HUGHES AE, et al.
   Diffusion of dextran at intermediate concentrations [J]. J
   Chem Soc, 1982, 78(4): 1209.
- [20] DING W, ZOU L, SUN S, et al. A new method to increase the adsorption of protein-bound toxins in artificial liver support systems [J]. Artif Organs, 2014, 38(11): 954-962.
- [21] MAGALHAES HLF, GOMEZ RS, LEITE BE, et al. Investigating the dialysis treatment using hollow fiber membrane: A new approach by CFD [J]. Membranes, 2022, 12(7): 710.
- [22] ISLAM MS, SZPUNAR J. Study of dialyzer membrane (Polyflux 210H) and effects of different parameters on dialysis performance [J]. O J Neph, 2013, 3(3): 161-167.

Noradrenaline reuptake inhibition impairs cortical output and limits endurance time [J]. Med Sci Sports Exerc, 2016, 48(6); 1014-1023.

- [42] ROBERTSON CV, MARINO FE. A role for the prefrontal cortex in exercise tolerance and termination [J]. J Appl Physiol, 2016, 120(4): 464-466.
- [43] MURAVEN M, BAUMEISTER RF. Self-regulation and depletion of limited resources: Does self-control resemble a muscle? [J]. Psychol Bull, 2000, 126(2): 247-259.
- [44] ANGIUS L, HOPKER J, MAUGER AR. The ergogenic effects of transcranial direct current stimulation on exercise performance[J]. Front Physiol, 2017(8): 90.